

OPTIMASI RUTE DISTRIBUSI PRODUK NESTLE MENGGUNAKAN METODE BRANCH AND BOUND DAN TWO-WAY EXCHANGE IMPROVEMENT HEURISTIC (STUDI KASUS : PT. PARIS JAYA MANDIRI – AMBON)

Daniel B. Paillin¹⁾, Johan M Tapan¹⁾

Email: dani_ti_fatek@yahoo.co.id, johan.tapan@fatek.unpatti.ac.id

¹⁾Jurusan, Teknik Industri, Universitas Pattimura, Kampus Poka, Ambon, 97233, Indonesia

ABSTRAK

Traveling Salesman Problem (TSP) merupakan permasalahan optimasi pencarian rute terpendek dari satu kota ke n-kota lain tepat satu kali dan akan kembali ke titik awal keberangkatan. TSP dikategorikan sebagai *hard combinatorial problem* sehingga banyak teknik maupun aproksimasi yang dikembangkan untuk pemecahannya. Penelitian ini bertujuan untuk membandingkan teknik branch and bound dengan two-way exchange improvement dalam pemecahan Traveling Salesmen Problem (TSP) didasarkan pada jarak tempuh terkecil dan total waktu tempuh terkecil kendaraan. Penelitian ini diaplikasikan pada kasus nyata permasalahan penentuan rute kendaraan untuk pengiriman produk nestle dari PT. Paris Jaya Mandiri di kota Ambon. Hasil penelitian menunjukkan bahwa teknik Two-Way Exchange Improvement memberikan hasil terbaik dibandingkan dengan Branch and Bound, dengan persentase penghematan jarak sebesar 18.09% dan penghematan total waktu sebesar 7.99% dari rute regular perusahaan.

Kata kunci:, branch and bound, two-way exchange improvement, rute kendaraan, traveling salesman problem

PENDAHULUAN

Salah satu perusahaan agen distributor produk Nestle di kota Ambon adalah PT. Paris Jaya dengan daerah pendistribusian meliputi wilayah Ambon dan Masohi. Untuk wilayah distribusi kota Ambon sendiri meliputi kecamatan Sirimau dan kecamatan Nusaniwe dengan jumlah outlet sebanyak 67 yang tersebar pada 39 titik lokasi yang berbeda. Saat ini PT. Paris Jaya belum memiliki rute yang pasti dalam pendistribusian produk yang menyebabkan pertambahan jarak dan waktu tempuh sehingga berdampak pada tingginya biaya transportasi dan terjadinya keterlambatan pengiriman produk ke konsumen. Untuk itu, perlu dilakukan penentuan rute optimal sehingga perusahaan dapat melakukan aktivitas distribusi secara efektif dan efisien, permasalahan penentuan rute ini lebih dikenal dengan *Traveling Salesman Problem* (TSP).

TSP merupakan salah satu permasalahan optimasi kombinatorial (*hard combinatorial problem*) yang biasa terjadi, yang mana seseorang harus mengunjungi semua kota tepat satu kali dan kembali ke kota asal (Lawler et.al, 1983). Telah banyak pendekatan atau algoritma yang digunakan baik teknik optimal maupun pendekatan heuristic seperti *branch and bound*, *cheapest insertion*, *simulated annealing*, *ant colony*, dan lain-lain. Paillin dan Sosebeko, 2017,

menggunakan teknik branch and bound untuk pemecahan TSP pada PT. Paris Jaya Mandiri dengan cara mengklasterisasi konsumen berdasarkan kedekatan wilayah. Hillier and Lieberman, 2001, mengatakan bahwa Konsep utama dari metode Branch and Bound adalah membagi masalah aslinya yang berukuran besar menjadi sub masalah yang lebih kecil kemudian menjadi anak gugus yang lebih kecil lagi sampai semua submasalah dapat diselesaikan. Fatmawati, et.al, 2015 menyelesaikan TSP menggunakan algoritma tabu search dengan meminimumkan jarak tempuh dan waktu perjalanan sehingga memperoleh rute optimal, algoritma ini berbasis pada pencarian local dengan cara bergerak dari satu solusi ke solusi berikutnya dan memilih solusi terbaik dan bertujuan untuk mencegah proses pencarian ulang pada ruang solusi yang pernah ditelusuri (Suyanto, 2010). Paillin dan Tapan, 2018, juga menyelesaikan TSP untuk menentukan rute optimum dengan cara membandingkan performansi solusi dari algoritma branch and bound dan cheapest insertion. Banyak teknik dan algoritma yang dapat digunakan untuk menyelesaikan masalah TSP. Masing-masing algoritma memiliki kelebihan dan kekurangannya. Suatu algoritma memiliki hasil yang berbeda-beda, karena belum tentu suatu algoritma yang memiliki optimasi yang tinggi untuk suatu kasus



memiliki optimasi yang tinggi pula untuk kasus yang lain. (Paillin dan Tupan, 2018).

Berdasarkan permasalahan diatas, penulis tertarik untuk membahas penentuan rute distribusi produk yang optimal yang harus dilalui, sehingga penyaluran produk dapat menjadi lebih efisien.

KAJIAN TEORI DAN METODE

Traveling Salesman Problem

TSP merupakan salah satu permasalahan optimasi kombinatorial. Permasalahan matematika tentang TSP dikemukakan pada tahun 1800 oleh matematikawan Irlandia, Willian Rowan Hamilton dan matematikawan Inggris Thomas Penyngton. TSP merupakan sekumpulan kota dan biaya perjalanan (atau jarak) yang diberikan antar masing-masing pasangan kota yang digunakan untuk menemukan jalan terbaik kunjungan ke semua kota dan kembali ke titik awal dalam upaya meminimalkan biaya atau jarak perjalanan (Devendra. D, 2010)

Formulasi model penentuan rute TSP dapat dituliskan sebagai berikut: Jarak perjalanan dari titik i ke titik j direpresentasikan oleh C_{ij} . Selanjutnya didefinisikan variabel keputusan X_{ij} yang merepresentasikan ada tidaknya perjalanan dari titik i ke j dalam suatu rute sebagai berikut :

$$X_{ij} = \begin{cases} 1, & \text{Jika terdapat perjalanan kendaraan dari i ke j} \\ 0, & \text{Jika tidak ada perjalanan kendaraan dari i ke j} \end{cases} \quad (1)$$

Jika Z merupakan fungsi tujuan TSP, maka fungsi tujuan Z dirumuskan dengan meminimumkan

$$Z = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n C_{ij} X_{ij} \quad (2)$$

dengan batasan kendala,

$$\sum_{i=1}^n X_{ij} = 1 \quad (i = 1, 2, 3, \dots, N)$$

$$\sum_{j=1}^n X_{ij} = 1 \quad (i = 1, 2, 3, \dots, N)$$

$$X_{ij} = 0 \text{ atau } 1$$

Batasan yang pertama dan kedua memastikan bahwa rute yang terpilih mendatangi setiap kota 1 kali dan meninggalkan kota tersebut 1 kali.

Algoritma Branch And Bound

Branch and bound merupakan merupakan metode algoritma yang umum digunakan untuk menentukan penyelesaian optimal dari masalah optimisasi, khususnya pada diskrit dan optimisasi kombinatorial. Pada intinya algoritma ini menggunakan pendekatan enumerasi dengan cara mematikan search space yang tidak mengarah pada penyelesaian. Pada tahun 1960, algoritma branch and bound diperkenalkan oleh A.H. Land dan A.G. Doig.

Sesuai dengan namanya *branch and bound* memiliki dua alat yaitu *branching* dan *bounding*. *Branching* dilakukan dengan cara meng-cover daerah penyelesaian yang layak dengan beberapa sub daerah layak yang lebih kecil. *Bounding* dilakukan dengan cara menentukan nilai batas atas dan batas bawah untuk penyelesaian optimal di dalam sub daerah yang layak.

Proses *branching* menggunakan skema *Breadth First Search (BFS)*. Simpul atau titik yang dibangkitkan terlebih dahulu merupakan simpul yang bertetangga dengan simpul akar. Namun proses pemilihan simpul yang akan diperluas (*simpul expand*) tidak seperti pada *BFS* murni. Tidak seperti *BFS* murni yang memilih simpul *expand* berdasarkan urutan pembangkitan, pada algoritma *branch and bound* pemilihan simpul *expand* didasarkan pada nilai fungsi objektif.

Masalah optimisasi biasanya memiliki fungsi untuk menghasilkan nilai batas yang unik. Sedangkan pada algoritma *branch and bound* pemilihan formula fungsi menggunakan metode *heuristic*, berdasarkan pada pengalaman dan *instinct* membuat program dan tidak ada bukti matematisnya. Hasil optimisasi yang diperoleh melalui algoritma ini bergantung pada keakuratan pemilihan fungsi batas tersebut. Tidak ada cara baku untuk menentukan fungsi batas karena masalah yang sama bisa saja memiliki rumus perhitungan nilai batas yang berbeda.

Langkah-langkah algoritma *branch and bound* untuk menyelesaikan TSP adalah sebagai berikut.

Langkah 1:

Tetapkan penyelesaian awal masalah. Penyelesaian yang ditetapkan merupakan rute perjalanan lengkap. Tentukan batas tertinggi pada nilai minimum fungsi objektif dengan mencari



berbagai kemungkinan rute perjalanan. Batas atas ini dinotasikan dengan f_u .

Langkah 2:

Buat cabang awal dengan mengatur $x_{ij} = 1$ untuk masing-masing kota $j = 2, 3, \dots, n$. Untuk $i = j$, nilai $C_{ij} = M$ untuk menyatakan rute yang tidak mungkin. Hitung batas terendah yang dinotasikan dengan f_L pada nilai minimum fungsi objektif di setiap titik. Dari data awal, hapus baris pertama dan kolom ke j , serta ganti $C_{ij} = M$. Tentukan penyelesaian masalah dan tambahkan harga f ke C_{ij} untuk memperoleh f_L sehingga $f_L = C_{ij} + f$. Jika $f_L \leq f_u$ aktifkan simpul, dan jika sebaliknya hapus simpul.

Langkah 3:

Jika tidak ada simpul aktif pada langkah ini maka penyelesaian terbaik saat ini adalah optimal. Jika tidak, pilih simpul dengan nilai f_L terkecil dan buat cabang baru dengan mengatur $x_{jk} = 1$ untuk setiap kota yang belum dikunjungi sebelumnya.

Langkah 4:

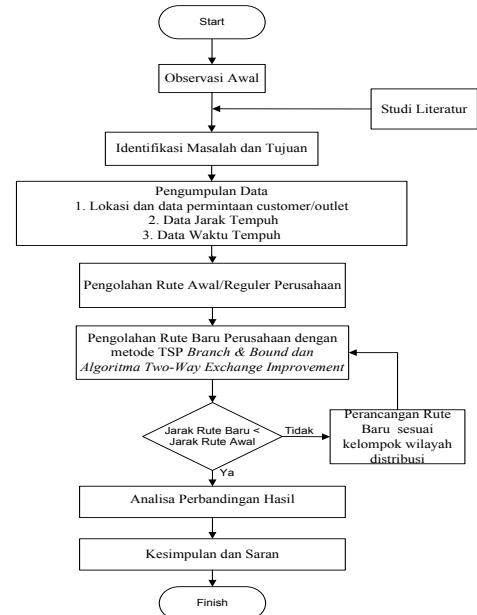
Buat batasan f pada setiap simpul dengan menghapus baris j dan kolom k dari data pada simpul aktif diatasnya. Tambahkan nilai f ke C_{jk} dengan seluruh nilai sebelumnya.

Algoritma Two-Way Exchange Improvement Heuristic

Christata (2014) dan Chang (2003) menyebutkan *two-way exchange improvement* merupakan *heuristic improvement* khusus untuk menyelesaikan TSP. Metode ini diartikan sebagai asumsi (i,j) dan (k,l) merupakan dua titik yang berdekatan pada suatu kunjungan. Menghilangkan dua titik yang tidak saling berdekatan dari suatu kunjungan akan membuat dua potongan, misalnya A dan B. Menghubungkan kembali kunjungan lengkap dengan salah satu dari (i) menggantikan A serta menghubungkan (i,j) dan (j,k) atau (ii) menggantikan B dan menghubungkan (i,k) dan (j,l) . Langkahnya adalah sebagai berikut :

- Menggunakan inisialisasi kunjungan dari metode *nearest neighbor* atau *cheapest insertion*.
- Memeriksa semua kemungkinan penggantian dua arah untuk kunjungan sekarang dan memilih yang terbaik sebagai perbaikan. Jika tidak didapatkan perbaikan maka hentikan langkah ini.
- Lakukan penggantian dua arah untuk membentuk kunjungan baru, kembali ke langkah b.

Berikut ini adalah tahapan penelitian yang dilakukan dapat dilihat pada gambar 2. berikut ini



Gambar 1. Flowchart Penelitian HASIL DAN PEMBAHASAN
Deskripsi Sistem Pendistribusian Produk Nestle di Kota Ambon

Kegiatan distribusi produk Nestle yang dilakukan oleh PT. Paris Jaya Mandiri mencakup 2 wilayah yang ada di Kepulauan Ambon yaitu wilayah kecamatan Sirimau dan kecamatan Nusaniwe. Cakupan wilayah kecamatan Sirimau dimulai dari Galala – Air Mata Cina dan cakupan wilayah kecamatan Nusaniwe dimulai dari Waihaong – Seri. Berikut merupakan gambaran wilayah distribusi produk Nestle di pulau Ambon.



Gambar 2. Peta Umum Sebaran Outlet di Pulau Ambon

Data Lokasi dan Permintaan Outlet

Berikut merupakan daftar lokasi dari kode customer (KC) dan demand (D) dari outlet yang



akan dikunjungi.KC (PJM) PT. Paris Jaya Mandiri

Tabel 1. Lokasi dan Jumlah Permintaan Outlet PT. Paris Jaya Mandiri Ambon

KC	Nama Outlet	Alamat	D(km) minggu	KC	Nama Outlet	Alamat	D(km) minggu
C1	Cahaya Fatam	Pertokoan Batu Merah	16	C35	Anda	Jl. Ahmad Yani	13
C2	Al - Bagir	Pertokoan Batu Merah	18	C36	Surya Indah Toko	Batu Caiyah	9
C3	Mas Sri	Pertokoan Batu Merah	30	C37	Prison	Batu Meja	22
C4	Nuryanti	Pertokoan Batu Merah	14	C38	Biasa Toko	Jl. Setia Budi	8
C5	Bilat	Pertokoan Batu Merah	31	C39	Berkat	Trikora	9
C6	Mama Toko	Galala	26	C40	Maluku Jaya Abadi Toko	Diponegoro (Kel. Ahusen)	15
C7	Kios Julais	Galala	9	C41	Amugrah Toko	Dekat Hotel Pasifik	5
C8	Herley	Tantui	18	C42	The Indah Toko	A. Y. Patty	50
C9	Fandika	Mardika	10	C43	Ci Nona	Yos Sudarso	50
C10	Melissa 2	Mardika	36	C44	Sovia Toko	Pala	15
C11	Ko Han	Mardika	50	C45	Andi Kios	Air Mata Cina	8
C12	Adin	Mardika	18	C46	Lily Toko	A.Y. Patty	22
C13	Akbar	Mardika	12	C47	Kios Anes	Depan Pasar Tagalaya	13
C14	Om Mosa	Belakang Soya	42	C48	Cempaka Toko	Dr. Kayadoe	10
C15	Liana	Tanah Tinggi	15	C49	Safari Toko	Dr. Kayadoe	17
C16	Meter Toko	D. I. Panjaitan	7	C50	Empi Toko	Dr. Kayadoe	20
C17	**Kios	Jl. Pantai Mardika	16	C51	Darem	Dr. Kayadoe	39
C18	Japres	Jl. Pantai Mardika	10	C52	Kios Ema	Dr. Kayadoe	13
C19	Alita Rahmat	Jl. Pantai Mardika	13	C53	Damar Saparua Toko	Dr. Kayadoe	14
C20	Toko Ivan	Jl. Pantai Mardika	25	C54	Spout Toko	Dr. Kayadoe	21
C21	*.v.	Jl. Pantai Mardika	19	C55	Mikael Toko	Gading Arang	11
C22	Teki Toko	Karpan	15	C56	Annyong Toko	Kusu - Kusu	11
C23	Harmoni	Wara	6	C57	Sinar Muara Toko	Benteng	19
C24	Kios 2 Putri	Keban Cengkeh	4	C58	Benteng Indah Toko	Benteng	11
C25	Balus Kios	BTN Kanawa	11	C59	Jaya Atabu Toko	Benteng	18
C26	Haikal	Keban Cengkeh	11	C60	Natepia Kios	Amahusu	6
C27	Mas No	Skip	12	C61	Linda Toko	OSM	7
C28	prinsesa	JL. Rijau No. 40	10	C62	Beringin Baru	Jl. Nu Saar Sopacula	12
C29	Aping Toko	Batu Meja	8	C63	Kace Toko	Wainitu	8
C30	Sakura Toko	Bere - Bere	14	C64	Batu Toko	Talake	7
C31	Jhon Cos	Bere - Bere	12	C65	Aliang Toko	Talake	26
C32	Rejeki I Toko	Bere - Bere	12	C66	Olive	Waihaong	14
C33	Alan	Kaya Putih	18	C67	Umar Toko	Jl. Sultan Babullah	20
C34	Jerry Cell	Jl. Ahmad Yani	8				

Data Jarak Tempuh

Data jarak tempuh adalah data jarak dari depot PT. Paris Jaya Mandiri menuju sejumlah outlet yang dituju dan juga jarak antaroutlet. Perhitungan jarak diperoleh dengan rumus *Euclidean* $d_{(ij)} = \sqrt{(xi - xj)^2 + (yi - yj)^2}$ dengan titik x dan y merupakan titik latitude dan longitude outlet yang diperoleh melalui *google maps*.

Tabel 2. Matriks Jarak Antar outlet Wilayah Sirimau 1

		Data Jarak Tempuh (KM)																								
DariKe	PJM	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C7	C8	C9	C10	C11	C12	C13	C17	C18	C19	C20	C21	C41	C42	C43	C44	C45	C46	
PJM																										
C1	2.80																									
C2	2.80	0																								
C3	2.83	0.03	0.03																							
C4	2.90	0.09	0.09	0.09																						
C5	2.81	0.03	0.03	0.04	0.07																					
C6	1.50	2.98	2.99	3.07	3																					
C7	1.40	3.06	3.07	3.15	3.08	0.14																				
C8	1.15	2.36	2.36	2.37	2.45	2.39	0.62	0.72																		
C9	2.69	0.13	0.13	0.15	0.16	0.12	0.12	0.12	3.02	3.10	2.40															
C10	3.10	0.23	0.27	0.18	0.24	0.24	0.23	0.23	3.30	2.59	0.19	0														
C11	3.10	0.23	0.27	0.18	0.24	0.24	0.23	0.23	3.30	2.59	0.19	0														
C12	3.12	0.18	0.18	0.17	0.09	0.15	0.15	0.15	3.24	2.34	2.54	0.17	0.12	0.12	0											
C13	3.12	0.18	0.18	0.17	0.09	0.15	0.15	0.15	3.15	2.34	2.54	0.17	0.12	0.12	0											
C17	2.27	0.49	0.49	0.48	0.40	0.46	3.46	3.55	2.85	0.45	0.27	0.27	0.31	0.31												
C18	3.50	0.49	0.49	0.46	0.46	3.46	3.54	2.85	0.48	0.31	0.31	0.32	0.32	0.32	0.32	0.10										
C19	3.30	0.50	0.50	0.49	0.49	0.47	3.48	3.55	2.86	0.49	0.31	0.31	0.32	0.32	0.32	0.03										
C20	3.41	0.51	0.51	0.49	0.49	0.48	3.46	3.54	2.86	0.51	0.34	0.34	0.34	0.34	0.34	0.04	0.06									
C21	3.34	0.36	0.36	0.34	0.34	0.34	3.32	3.40	2.71	0.38	0.25	0.25	0.21	0.21	0.21	0.15	0.17	0.16								
C41	3.30	0.52	0.52	0.54	0.46	0.50	0.50	0.52	3.32	3.42	2.70	0.40	0.30	0.42	0.42	0.50	0.48	0.54	0.52							
C42	4.78	1.23	1.23	1.22	1.14	1.21	4.21	4.29	3.59	1.19	1.00	1.00	1.05	0.74	0.76	0.74	0.75	0.91	0.96							
C43	4.60	1.15	1.15	1.13	1.06	1.12	4.12	4.20	3.51	1.12	0.93	0.93	0.97	0.67	0.66	0.65	0.64	0.80	0.96	0.20						
C44	4.56	0.93	0.93	0.91	0.83	0.90	3.90	3.98	3.29	0.90	0.70	0.70	0.75	0.75	0.44	0.43	0.43	0.59	0.74	0.32	0.23					
C45	4.85	1.81	1.81	1.81	1.72	1.79	4.74	4.84	4.12	1.74	1.55	1.55	1.64	1.64	1.34	1.38	1.38	1.52	1.43	0.66	0.84	0.97				
C46	4.70	1.22	1.22	1.21	1.13	1.20	4.20	4.28	3.58	1.18	0.98	0.98	1.04	1.04	0.73	0.73	0.73	0.75	0.90	0.94	0.03	0.21	0.32	0.65		

Tabel 3. Matriks Jarak Antaroutlet Wilayah Sirimau 2

DariKe	PJM	C14	C15	C16	C22	C23	C24	C25	C26	C27	C28	C29	C30	C31	C32	C33	C34	C35	C36	C37	C38	C39	C40	
PJM																								
C14	2.70																							
C15	3.40	0.59																						
C16	4.00	0.45	0.51																					
C22	4.50	0.19	0.77	0.57																				
C23	3.60	3.35	3.75	3.80	3.24																			
C24	1.60	1.78	2.24	2.20	1.63	1.65																		
C25	3.70	3.29	3.22	2.67	0.60	1.05																		
C26	2.30	2.44	2.87	2.88	2.32	0.93	0.73	0.35																
C27	3.70	0.69	0.15	0.66	0.87	3.73	2.26	3.21	2.87															
C28	3.50	0.69	0.12	0.62	0.88	3.78	2.3	2.36	2.92	0.07														
C29	4.10	0.81	0.23	0.65	1.39	2.47	3.43	3.09	0.23	0.18	0.24	0.22	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23
C30	3.89	0.9	0.32	0.79	1.09	3.96	2.5	3.44	3.1	0.24	0.22	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23	0.23
C31	3.98	1.44	0.94	1.19	3.93	2.51	3.43	3.09	0.32	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31
C32	4.02	1.44	0.94	1.19	3.93	2.51	3.43	3.09	0.32	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31	0.31
C33	4.40	0.99	0.41	0.86	1.18																			

Model Matematik

- Model matematik untuk wilayah Sirimau 1

$$\text{Minimumkan } Z = \sum_{i=1}^{25} \sum_{j=1}^{25} C_{ij} X_{ij}$$

dengan batasan,

$$\sum_{i=1}^{25} X_{ij} = 1 \quad (j = 1, 2, 3, \dots, 25)$$

$$\sum_{j=1}^{25} X_{ij} = 1 \quad (i = 1, 2, 3, \dots, 25)$$

$X_{ij} = 0$ atau 1

- Model matematik untuk wilayah Sirimau 2

$$\text{Minimumkan } Z = \sum_{i=1}^{23} \sum_{j=1}^{23} C_{ij} X_{ij}$$

dengan batasan,

$$\sum_{i=1}^{23} X_{ij} = 1 \quad (j = 1, 2, 3, \dots, 23)$$

$$\sum_{j=1}^{23} X_{ij} = 1 \quad (i = 1, 2, 3, \dots, 23)$$

$X_{ij} = 0$ atau 1

- Model matematik untuk wilayah Nusaniwe

$$\text{Minimumkan } Z = \sum_{i=1}^{22} \sum_{j=1}^{22} C_{ij} X_{ij}$$

dengan batasan,

$$\sum_{i=1}^{22} X_{ij} = 1 \quad (j = 1, 2, 3, \dots, 22)$$

$$\sum_{j=1}^{22} X_{ij} = 1 \quad (i = 1, 2, 3, \dots, 22)$$

$X_{ij} = 0$ atau 1

Algoritma dalam TSP

Pemecahan kasus ini digunakan salah satu algoritma dalam TSP yaitu *branch and bound*. Algoritma ini menggunakan pohon pencarian (*search tree*), setiap simpul di pohon merupakan representasi dari sejumlah kemungkinan solusi dari TSP, serta algoritma *two-way exchange improvement heuristic*. Untuk penyelesaian dengan ketentuan jumlah $n > 10$ maka algoritma tidak dapat dikerjakan secara manual sehingga dilakukan dengan bantuan *software WINQSB (Windows Quantitative System for Business)*.

Rute Reguler/ Rute Awal PT. Paris Jaya Mandiri

Rute regular merupakan rute yang biasanya dilalui petugas distribusi.

Tabel 5. Hasil Data Reguler

Rute	Destinasi Outlet	Jumlah		
		Jarak (Km)	Waktu	Total Waktu
1	PJM - C1 - C2 - C3 - C4 - C5 - C6 - C7 - C8 - PJM	8	12.02'	39.02'
2	PJM - C9 - C10 - C11 - C12 - C13 - C16 - C17 - C18 - C19 - C20 - C21 - PJM	7.28	10.91'	46.16'
3	PJM - C22 - C23 - C24 - C25 - C26 - PJM	12.19	18.28'	28.33'
4	PJM - C14 - C27 - C28 - C15 - C29 - C30 - C31 - C32 - C33 - C34 - C35 - C36 - C37 - C38 - C39 - C40 - C41 - PJM	10.55	20.31'	50.59'
5	PJM - C42 - C46 - C43 - C44 - PJM	9.81	16.6'	33.31'
6	PJM - C45 - C56 - C47 - C48 - C49 - C50 - C51 - C52 - C53 - C54 - C55 - C57 - C58 - C59 - C60 - C61 - C62 - C63 - C64 - C65 - C66 - C67 - PJM	22.93	34.39'	87.1'
Total		70.76	107.32'	284.51'

Penentuan Rute Menggunakan Algoritma Branch and Bound

Berdasarkan 3 kelompok wilayah distribusi dilakukan penyusunan rute baru berdasarkan letak outlet yang berdekatan. Kelompok wilayah 1 sebanyak 24 outlet dapat diperoleh 2 rute distribusi, kelompok wilayah sebanyak 22 outlet diperoleh 2 rute distribusi dan kelompok wilayah 3 sebanyak 21 outlet dapat diperoleh 1 rute distribusi. Dari hasil pengolahan data diperoleh 5 rute optimal dari 3 wilayah distribusi (WD) berdasarkan Branch and Bound sebagai berikut:

Tabel 6. Hasil Pengolahan Data Branch and Bound

W D	Rute	Destinasi Outlet	Jumlah	
			Jarak (Km)	Total Waktu
1	1	PJM - C7 - C6 - C8 - C2 - C1 - C5 - C4 - C13 - C12 - C21 - C3 - PJM	8.09	12.13'
	2	PJM - C9 - C10 - C11 - C17 - C19 - C18 - C20 - C44 - C43 - C42 - C46 - C45 - C41 - PJM	9.47	14.2'
2	3	PJM - C14 - C15 - C16 - C22 - C24 - C25 - C23 - C26 - PJM	10.88	16.3'
	4	PJM - C28 - C29 - C35 - C34 - C37 - C38 - C39 - C40 - C36 - C33 - C32 - C31 - C30 - C27 - PJM	9.74	14.58'
3	5	PJM - C47 - C49 - C50 - C52 - C51 - C48 - C53 - C54 - C60 - C59 - C58 - C55 - C57 - C62 - C61 - C56 - C63 - C65 - C64 - C66 - C67 - PJM	19.87	29.8'
		Total	58.05	87.01'
				266.71'

Penentuan Rute Menggunakan Algoritma Two-Way Exchange Improvement Heuristic

Pada metode ini hasil yang diperoleh memiliki jarak dan waktu tempuh yang minimum dibandingkan dengan metode *branch and bound*. Selain itu dapat dilihat juga bahwa sesuai dengan lokasi hasil output rute ini juga mengalami kesamaan dengan lokasi pada rute 3, 4 dan 5 hasil *branch and bound*, tetapi perbedaan pada hasil ini dengan metode *branch and bound* adalah pada urutan outlet yang dituju. Berikut ini merupakan tabel ringkasan pengolahan data rute terpendek dengan metode *two-way exchange improvement heuristic*.



Tabel 7. Hasil Pengolahan Data *two-way exchange improvement heuristic*

Rute	Destinasi Outlet	Jumlah		
		Jarak (Km)	Waktu	Total Waktu
1	PJM - C5 - C4 - C13 - C12 - C21 - C3 - C1 - C2 - C8 - C6 - C7 - PJM	8.07	12.11'	46.01'
2	PJM - C41 - C45 - 46 - C42 - C43 - C44 - C20 - C18 - C19 - C17 - C10 - C11 - C9 - PJM	9.47	14.2'	61.3'
3	PJM - C24 - C25 - C23 - C26 - C22 - C16 - C15 - C14 - PJM	10.87	16.29'	35.34'
4	PJM - C28 - C29 - C35 - C34 - C37 - C38 - C39 - C40 - C36 - C31 - C32 - C33 - C30 - C27 - PJM	9.72	14.57'	43.97'
5	PJM - C47 - C49 - C50 - C52 - C51 - C48 - C53 - C54 - C60 - C59 - C58 - C55 - C57 - C62 - C61 - C56 - C63 - C64 - C65 - C66 - C67 - PJM	19.83	29.75'	75.16'
Total		57.96	86.92	261.78

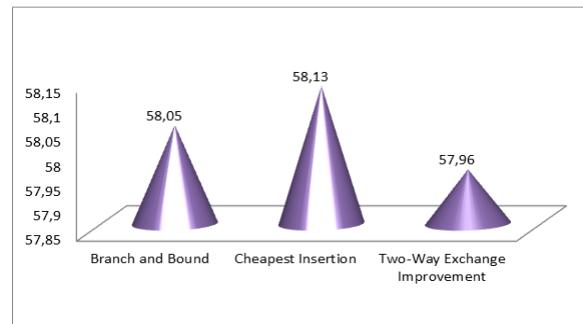
Analisa Perbandingan dengan Rute Reguler

Hasil perbandingan pada tabel diatas menunjukkan perubahan dari segi jarak akan mempengaruhi waktu tempuh dan total waktu setiap outlet. Antara rute regular dan rute hasil *branch and bound* dapat diperoleh selisih jarak tempuh sebesar 12.71 km, selisih waktu tempuh sebesar 20.31 menit dan selisih total waktu adalah sebesar 22 menit. Sedangkan rute regular dengan rute hasil *two way exchange improvement heuristic* dapat diperoleh selisih jarak tempuh sebesar 12.8 km, selisih waktu tempuh sebesar 20.4 menit dan selisih total waktu adalah sebesar 22.73 menit. Tabel 8 berikut menunjukkan persentase penghematan hasil olahan dengan rute regular perusahaan

Tabel.8 Persentase Penghematan Hasil Olahan Data Dengan Rute Reguler Perusahaan

Metode	Penghematan Jarak	Penghematan Waktu	Penghematan Total Waktu
<i>Branch and Bound</i>	17.96%	18.92%	6.27%
<i>Two Way Exchange Improvement Heuristic</i>	18.09%	19.01%	7.99%

Dari hasil pengolahan data diatas menunjukkan algoritma *two way exchange improvement heuristic* memberikan hasil rute yang paling optimal dibandingkan dengan algoritma *branch and bound*, maupun algoritma *cheapest insertion* yang digunakan pada penelitian sebelumnya oleh Paillin dan Tupan 2018 yang ditunjukkan pada gambar 3 berikut ini:



Gambar 3. Grafik Perbandingan Total Jarak Tempuh

Hasil persentase penghematan tersebut dapat memberikan keuntungan positif bagi perusahaan dimana terjadinya pengurangan jarak tempuh sebesar 18.09% yang bukan hanya mempengaruhi waktu tetapi juga berpengaruh pada penghematan biaya transportasi.

KESIMPULAN

Berdasarkan hasil pengolahan dan analisis data dari kedua metode yang digunakan maka dapat ditarik kesimpulan yaitu dipilih metode *two-way exchange improvement heuristic* yang memiliki output effisiensi rute tempuh baik dari segi jarak sebesar 18.09%, waktu sebesar 19.01%, dan waktu total 7.99%. Persentase penghematan ini juga menunjukkan terjadi penghematan jarak sebesar 12.81 Km dengan penghematan total waktu tempuh selama 22.73 menit dari rute awal perusahaan. Dari hasil metode metode *Two-way Exchange Improvement Heuristic* yang dipilih terdapat 5 rute optimal distribusi produk Nestle sebagai berikut:

- Rute 1 : PJM – Blitar– Nuryanti – Akbar – Adin –Empat Jaya Toko – Mas Sri – Cahaya Fatan – Al Bagir – Herley – Mana Toko – Kios Julais – PJM. Total jarak tempuh adalah 8.07 Km dengan total waktu tempuh adalah 46.01 menit.
- Rute 2 : PJM – Anugrah Toko – Andi Kios – Lily Toko – The Indah Toko- Ci Nona – Soving Toko – Toko Ivan – Apotek Mannasuka – Fata Rahmat– Toko Mitra Jaya – Melissa 2 – Ko Han – Fandi – PJM. Total jarak tempuh adalah 9.47 Km dengan total waktu tempuh adalah 61.3 menit
- Rute 3 : PJM – Kios 2 Putri – Balvis Kios – Harmoni – Haikal – Teki Toko – Meter Toko – Liana – Om Mon – PJM. Total jarak tempuh adalah 10.87 Km dengan total waktu tempuh adalah 35.34 menit.



- Rute 4 : PJM – Mustika Toko – Aping Toko – Anda – Jerry Cell – Prison – Toko Biasa – Berkat – Maluku Jaya Abadi – Surya Indah Toko – Jhon Coa – Rejeki Toko – Alan – Sakura Toko – Mas No – PJM. Total jarak tempuh 9.72 Km dengan total waktu tempuh 43.97 menit
- Rute 5 : PJM – Kios Anes – Safari Toko– Empi Toko – Kios Ema – Darren– Cempaka Toko – Damai Saparua – Spout Toko – Natsepa Kios – Jaya Abadi Toko- Benteng Indah Toko – Mikael Toko - Sinar Mulia Toko – Beringin Baru – Linda Toko – Annyong Tan – Kace Toko – Baru Toko – Aliang Toko – Olive – Umar Toko – PJM. Total Jarak tempuh adalah 19.83 Km dengan waktu tempuh 75.16 menit.

DAFTAR PUSTAKA

- Davendra D. *Travelling Salesman Problem Theory and Applications*. Kroasia: Intech; 201
- Fatmawati, Prihandono B, Noviani E, 2015. *Penyelesaian Traveling Salesman Problem dengan Metode Tabu Search*. Bimaster, Vol.4, No. 1, pp. 17-24
- Hillier, F & Lieberman, G.J (2001). *Introduction to Operation Research*. Seventh Edition. Mc Graw Hill . New York , USA
- Lawler.E.L, Lenstra.J.K, Rinnooy Kan. A.H.G, dan Shimoys. D.B., 1983, *The Traveling Salesmen Problem (a Guided Tour of Combinatorial Optimization)*, John Wiley & Sons, Chichester

Paillin, D. B dan Sosebeko I, 2017 *Penentuan Rute Optimal Distribusi Produk Nestle dengan Metode TSP*. Jurnal ARIKA, Vol 11 No. 1. Pp.31-40

Paillin, D. B dan Tupan J.M I, 2018. *Pemecahan Traveling Salesman Problem Menggunakan Teknik Branch and Bound dan Cheapest Insertion Heuristic (Studi Kasus : PT. Paris Jaya Mandiri – Ambon)*. Industrial Engineering Conference (IDEC), Seminar Nasional "Peningkatan Daya Saing Industri Dan Pemberdayaan Tenaga Kerja Difabel Sebagai Tenaga Kerja Industri: Implementasi Alat Bantu Bagi Pekerja Difabel" Dan Workshop "Solve Industrial Engineering Problem Using Experimental Design Method"

Suyanto, 2010. *Algoritma Optimasi (Deterministik dan Probabilistik)*. Yogyakarta: Penerbit Graha Ilmu;

